

## Билеты на карнавале (tickets)

Ринго приехал в Сингапур на карнавал. У него есть несколько призовых билетов в сумке, которые он хочет использовать для участия в розыгрыше призов в киоске. Каждый билет покрашен в один из  $n$  цветов. На каждом билете написано целое неотрицательное число. Некоторые написанные на разных билетах числа могут совпадать. Из-за особенностей правил карнавала гарантируется, что  $n$  **четное**.

У Ринго в его сумке есть  $m$  билетов каждого цвета, таким образом, всего у него есть  $n \cdot m$  билетов. На  $j$ -м билете цвета  $i$  написано число  $x[i][j]$  ( $0 \leq i \leq n - 1$  и  $0 \leq j \leq m - 1$ ).

Розыгрыш призов проходит в  $k$  раундов, пронумерованных от 0 до  $k - 1$ . Каждый раунд проходит следующим способом:

- Ринго выбирает  $n$  билетов из сумки, по одному билету каждого цвета, и отдает их ведущему игры.
- Ведущий записывает числа  $a[0], a[1] \dots a[n - 1]$ , написанные на этих билетах. Порядок этих  $n$  чисел не имеет значения.
- Ведущий получает специальную карточку из лототрона и записывает число  $b$ , написанное на этой карточке.
- Ведущий вычисляет модуль разности между  $a[i]$  и  $b$  для всех  $i$  от 0 до  $n - 1$ . Пусть  $S$  — сумма этих модулей.
- В этом раунде ведущий выдает Ринго приз в размере  $S$ .
- Использованные билеты выбрасываются и не могут быть использованы в следующих раундах.

Билеты, оставшиеся в сумке Ринго после  $k$  раундов, выбрасываются.

Присмотревшись внимательно, Ринго понял, что игра — нечестная! Внутри лототрона на самом деле находится принтер. В каждом раунде ведущий находит такое число  $b$ , чтобы приз в этом раунде оказался минимально возможным. Это значение выбирается ведущим и печатается на специальной карте для этого раунда.

Зная эту информацию, Ринго хочет распределить билеты по раундам. А именно, он хочет выбрать множество билетов для каждого раунда так, чтобы максимизировать суммарный размер полученных призов.

## Детали реализации

Вы должны реализовать следующую функцию:

```
int64 find_maximum(int k, int[][] x)
```

- $k$ : количество раундов.
- $x$ : массив размера  $n \times m$ , описывающий числа на билетах. Билеты каждого цвета отсортированы по неубыванию.
- Функция будет вызвана ровно один раз.
- Функция должна ровно один раз вызвать функцию `allocate_tickets` (смотрите ниже), описывающую  $k$  множеств билетов, по одному множеству на каждый раунд. Этот способ выбрать билеты должен максимизировать суммарный размер призов.
- Функция должна вернуть максимальный суммарный размер полученных призов.

Функция `allocate_tickets` определена следующим образом:

```
void allocate_tickets(int[][] s)
```

- $s$ : массив размера  $n \times m$ . Значение  $s[i][j]$  должно быть равно  $r$ , если билет  $j$  цвета  $i$  используется в раунде  $r$ , или же  $-1$ , если билет не используется.
- Для всех  $0 \leq i \leq n - 1$  среди чисел  $s[i][0], s[i][1], \dots, s[i][m - 1]$  каждое значение  $0, 1, 2, \dots, k - 1$  должно встречаться ровно один раз, все остальные элементы должны быть равны  $-1$ .
- Если существует несколько способов выбрать билеты, максимизирующих значение суммарного размера призов, можно выбрать любой из них.

## Примеры

### Пример 1

Рассмотрим следующий вызов функции:

```
find_maximum(2, [[0, 2, 5], [1, 1, 3]])
```

Данный вызов означает, что:

- в розыгрыше будет  $k = 2$  раунда;
- на карточках цвета 0 написаны числа 0, 2 и 5;
- на карточках цвета 1 написаны числа 1, 1 и 3.

Один из возможных вариантов выбора билетов, который максимизирует суммарный размер призов, такой:

- В раунде 0 Ринго выбирает билет 0 цвета 0 (с числом 0) и билет 2 цвета 1 (с числом 3). Минимальный возможный размер приза за этот раунд равен 3. Например, ведущий может выбрать  $b = 1$ :  $|1 - 0| + |1 - 3| = 1 + 2 = 3$ .
- В раунде 1 Ринго выбирает билет 2 цвета 0 (с числом 5) и билет 1 цвета 1 (с числом 1).

Минимальный возможный размер приза за этот раунд равен 4. Например, ведущий может выбрать  $b = 3$ :  $|3 - 1| + |3 - 5| = 2 + 2 = 4$ .

- Таким образом, суммарный размер призов равен  $3 + 4 = 7$ .

Чтобы выбрать такие билеты, функция `find_maximum` должна вызвать `allocate_tickets` следующим образом:

- `allocate_tickets([[0, -1, 1], [-1, 1, 0]])`

Функция `find_maximum` должна вернуть 7.

## Пример 2

Рассмотрим следующий вызов функции:

```
find_maximum(1, [[5, 9], [1, 4], [3, 6], [2, 7]])
```

Данный вызов означает, что:

- в розыгрыше только один раунд,
- на карточках цвета 0 написаны числа 5 и 9;
- на карточках цвета 1 написаны числа 1 и 4;
- на карточках цвета 2 написаны числа 3 и 6;
- на карточках цвета 3 написаны числа 2 и 7.

Один из возможных вариантов выбора билетов, который максимизирует суммарный размер призов, такой:

- В раунде 0 Ринго выбирает билет 1 цвета 0 (с числом 9), билет 0 цвета 1 (с числом 1), билет 0 цвета 2 (с числом 3), и билет 1 цвета 3 (с числом 7). Минимальный возможный размер приза за этот раунд равен 12, если ведущий выберет число  $b = 3$ :  
 $|3 - 9| + |3 - 1| + |3 - 3| + |3 - 7| = 6 + 2 + 0 + 4 = 12$ .

Чтобы выбрать такие билеты, функция `find_maximum` должна вызвать `allocate_tickets` следующим образом:

- `allocate_tickets([[-1, 0], [0, -1], [0, -1], [-1, 0]])`

Функция `find_maximum` должна вернуть 12.

## Ограничения

- $2 \leq n \leq 1500$  и  $n$  четное.
- $1 \leq k \leq m \leq 1500$
- $0 \leq x[i][j] \leq 10^9$  (для всех  $0 \leq i \leq n - 1$  и  $0 \leq j \leq m - 1$ )
- $x[i][j - 1] \leq x[i][j]$  (для всех  $0 \leq i \leq n - 1$  и  $1 \leq j \leq m - 1$ )

## Подзадачи

1. (11 баллов)  $m = 1$
2. (16 баллов)  $k = 1$
3. (14 баллов)  $0 \leq x[i][j] \leq 1$  (для всех  $0 \leq i \leq n - 1$  и  $0 \leq j \leq m - 1$ )
4. (14 баллов)  $k = m$
5. (12 баллов)  $n, m \leq 80$
6. (23 балла)  $n, m \leq 300$
7. (10 баллов) Нет дополнительных ограничений.

## Пример проверяющего модуля

Пример проверяющего модуля считывает ввод в следующем формате:

- строка 1:  $n \ m \ k$
- строки  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ):  $x[i][0] \ x[i][1] \ \dots \ x[i][m - 1]$

Пример проверяющего модуля выводит ответ в следующем формате:

- строка 1: значение, возвращенное функцией `find_maximum`
- строки  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ):  $s[i][0] \ s[i][1] \ \dots \ s[i][m - 1]$